Рассматривается среда научных и инженерных расчетов MATLAB как средство моделирования и проектирования систем управления сложными техническими системами.

Введение

Математическое описание сложных технических объектов, включающих процессы, описываемые моделями с распределенными параметрами, состоит из сложных уравнений в частных производных. Использование динамических (эволюционных) уравнений позволяет решать задачи управления промышленными системами, но здесь встает проблема идентификации.

Один из первых этапов, основных применяемых в инженерной практике методик идентификации, является фильтрация шумов. Базовый принцип рассма-

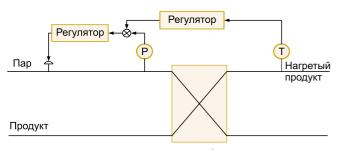


Рис. 1. Схема регулирование теплообменником

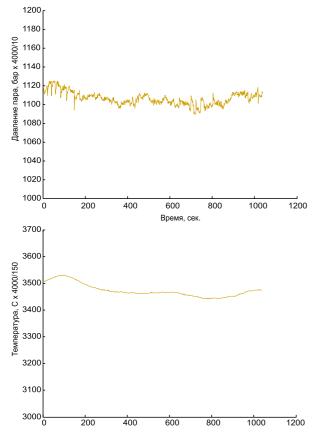


Рис. 2. Динамическое поведение системы теплообмена в установившемся режиме

триваемого подхода состоит в том, что не все колебания, наблюдаемые в системе, следует рассматривать как шум и отфильтровывать. Значительная часть флуктуаций несет информацию о сложности самой системы, о ее физической природе.

Вместе с тем, возможность локальной линеаризации сложной нелинейной системы позволяет строить вычислительно-надежные регулярные модели, т.е. модели, которые являются регулярными, но находятся на границе устойчивости. При этом в модель заложены заранее запрограммированные возмущения, приводящие систему к периодической орбите с желаемыми свойствами, моделируя, тем самым, нерегулярное поведение.

Предмет исследования

В качестве объекта исследования рассматривается процесс нагрева шоколада на кондитерской фабрике. Исходными данные являются только показания датчиков в переходных и нормальных режимах функционирования.

Система состоит из бесконтактного теплообменника, на вход которого в качестве теплоносителя подается пар. Измеряемыми параметрами являются: давление пара (теплоносителя) и выходная температура нагретого продукта. Воздействие на процесс осуществляется управляемым клапаном. Необходимо регулировать значения давления и температуры выходного продукта при заданных ограничениях на скорость роста давления пара и максимально допустимое значение температуры продукта. Разработана схема управления, представленная на рис. 1.

Сложность задачи заключается в нелинейности процесса теплообмена, и, как следствие, динамически-сложном поведении системы. Это проявляется в том, что при постоянном значении управления возникают колебания выходных параметров. На рис. 2 показано изменение состояния давления (рис. 2, а), температуры продукта (рис. 2, б) во времени. Показания аналоговых датчиков промасштабированы для регистров промышленного контроллера в диапазоне 0...4000. Значения давления пара изменяются в пределах 1...10 бар (на графике: реальное значение×4000/10); температуры: 0...150 °C (на графике: реальное значение×4000/150).

Установка в системе дополнительного клапана и еще одного, связанного с ним контура регулирования, желаемого качества управления не дали.

Таким образом, задача может быть сформулирована следующим образом: необходимо идентифицировать систему с учетом динамически-сложного поведения системы теплообмена.

Реконструкция фазового портрета

Предположим, что на основании анализа процессов можно построить дискретную динамическую автономную модель вида, которая может быть локально, в определенном смысле адекватно, описана линеаризованным уравнением вдоль периодического, возможно неустойчивого решения:

$$\Delta x(t+1) = A\Delta x(t) + B\Delta w(t), \tag{1}$$

где x(t) - n-мерное состояние системы; w - r-мерный вектор параметров; t — дискретное время; A — матрица Якоби, определяющая свойство устойчивости; B — матрица, определяющая линейный отклик системы на возмущения системных параметров.

Дискретные эволюционные уравнения (1) могут быть получены в результате реконструкции фазового портрета непрерывной системы, когда неизвестны динамические уравнения: $\dot{q}(t) = \Phi (q(t), w)$.

Здесь $q(t) \in Q \subset R^S$, и $\hat{\Phi}$ — неизвестная векторфункция в пространстве состояний. Вообще, такая реконструкция возможна тогда, когда измерение выходных процессов y(t), являющихся функцией q(t), доступно, и система является наблюдаемой.

Метод, позволяющий восстанавливать пространство состояний системы хаотических диссипативных систем в автономном режиме по единственному измеряемому процессу y(t), был предложен H. Паккардом и др. [1] и обоснован Ф. Такенсом [2]. При этом скалярный выходной сигнал является функцией неизвестного вектора внутренних состояний s(t) системы y(t) = H(s(t)), и состоит в последовательном измерении y(t), т. е. система может быть восстановлена на основании измерения датчиками только одного параметра технического устройства. Для ряда систем это оказалось возможным. Реконструкция состояний системы со скалярного выходного сигнала происходит с использованием временных задержек. Результатами применения этого метода, кроме построенного аттрактора, являются якобианы линеаризованного уравнения, найденные для каждой точки фазового пространства. Но такие модели не подходят для исследования методами и средствами теории управления. Известны работы по идентификации на основании нейронно-сетевых технологий и спектральному оцениванию.

Проведенные исследования показали, что в структурно-сложные технические системы допускают группы симметрий. В частности, периодические колебания в хаотических системах могут быть описаны группой симметрии сдвига с группой операций сдвига по оси времени. Ж. Кинг и И. Стеварт [3] доказали обобщение теоремы о вложениях, в которой требуется, чтобы для систем, допускающих симметрии, наблюдаемый выход был векторной, а не скалярной функцией состояния системы q(t): y(t) = G(q(t)), отображая пространство состояний идентифицируемой системы в m-мерное евклидово пространство. Состояние системы затем может аналогично представлено координатным вектором задержки

$$x(t) = [y(t + T_1), ..., y(t + T_1)]^T$$
.

В основном этот результат проигнорирован в исследованиях по нелинейной динамике.

Разработан и обоснован математический аппарат [4], позволяющий применять параметрические методы идентификации. Так как вид уравнений эволюции неизвестен, то можно получить ответ на вопрос о возможности построения функции G на основании свойств симметрии системы, которые часто легко установить на базе основных преобразований — групп сдвига. Для систем, допускающих симметрии, можно восстанавливать динамику около неизменяемого во времени состояния \overline{q} при условии, что число измеренных скалярных выходных сигналов m равнялось числу параметров r.

Методика идентификации промышленных объектов

Автором применялся аппарат к различным моделям и реальным техническим устройствам, при этом адекватность модели функционированию системы с хаотической динамикой в квазистационарном режиме соответсвовала в среднем 70...80%.

Разработана технология моделирования, состоящая из двух шагов. На первом — реконструируется и анализируется фазовое пространство; строится аттрактор и определяется размерность вложения. На втором шаге используется средство параметрической идентификации — пакет Systems Identification Toolbox среды MATLAB, с учетом найденной размерности и набором параметров $w = (w_1, w_2, ..., w_m)^T$ (которые на основании симметрии сдвига можно считать заданными линейными функциями времени $w_i = (\alpha_i t + \beta_i)$). В результате получаются уравнения:

$$x(t+1) = Ax(t) + B \cdot t; y(t) = Cx(t).$$
 (2)

Идентификация (2) промышленных систем в режиме нормального функционирования может быть сведена к известным методам параметрической идентификации, например, разработанных Л. Льюнгом [5]. Льюнгом реализован пакет System Identification Toolbox, входящий в среду проектирования научных и инженерных приложений MATLAB. На основе полученных нестационарных моделей можно получить переходные, частотные характеристики в той же среде MATLAB [6].

Моделирование системы теплообмена

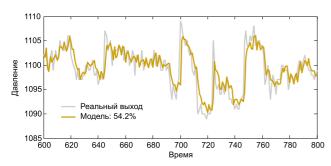
Для рассматриваемой системы реконструирован фазовый портрет (рис. 3); размерность пространства состояний n = 3.

Применение System Identification Toolbox с набором параметров $w = (w_1, w_2)^T$, которые в соответствии с [4] считались линейными функциями времени $w_i = t$, дает уравнения (2) с соответствующими матрицами:

$$A = \begin{pmatrix} 0.998 & 0.006 & -0.009 & 0.007 & -0.001 & -0.007 \\ 0.008 & 0.913 & 0.238 & 0.142 & 0.091 & -0.215 \\ 0.006 & 0.132 & 0.091 & -0.928 & -0.459 & -0.038 \\ -8.12 \cdot 10^{-5} & 0.008 & -0.177 & 0.356 & -0.956 & 0.097 \\ -0.001 & -0.06 & 0.803 & 0.203 & -0.145 & 0.139 \\ 0.002 & -0.006 & 0.006 & -0.003 & 0.010 & 0.661 \end{pmatrix}$$

$$C = \begin{pmatrix} 129.8 & -144.2 & 18.43 & -23.21 & -3.233 & -4.911 \\ 582.1 & 4.995 & 2.230 & 1.596 & -2.587 & 4.100 \end{pmatrix}.$$

Сравнение моделируемого выходного процесса с реальными данными показано на рис. 4. Видно, что модель демонстрирует сложное динамическое поведение, адекватное рассматриваемому теплообменному процессу.



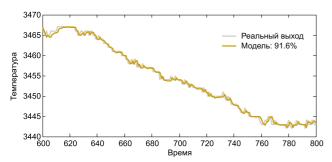


Рис. 4. Сравнение результатов моделирования с реальными данными

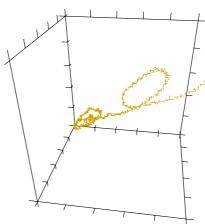


Рис. 3. Реконструированный фазовый портрет

Полученная модель позволила решить задачу проектирования системы регулирования теплообменника по заданным критериям качества.

Заключение

Разработана методика математического моделирования дискретных моделей динамически сложных техничес-

ких систем. В результате применения метода к системе теплообмена получены регулярные модели, имеющие адекватное реальному процессу поведение.

Список литературы

- 1. *Packard N.H., Crutchfield J.P., Farmer J.D., Shaw R.S.* Geometry from a time series // Phys. Rev. Lett. 1980. V. 45. P. 712-716.
- 2. *Takens F.* Detecting strange attractors in turbulence // Dynamical Systems and Turbulence / Eds. D. A. Rand, L.-S. Young. Berlin, Springer, 1981. P.366-381.
- 3. *King G.P., Steward I.* Phase space reconstruction for symmetric dynamical systems // Physica D: Nonlinear Phenomena. 1992. V. 58. P. 216-228.
- Никульчев Е.В. Использование групп симметрий для идентификации сложных систем // Вычислительные технологии. 2004. Т.9. №3.
- 5. *Ljung L*. System Identification Theory for the User. 2nd edition. Prentice Hall. Upper Saddle River, N.J., 1999.
- 6. *Никульчев Е.В.* Simulink как средство исследования дифференциальных моделей // Exponenta Pro. Математика в приложениях. 2004. №1(5).

Никульчев Евгений Витальевич — канд. техн. наук, доцент кафедры управления и моделирования систем Московской государственной академии приборостроения и информатики (МГАПИ).

Контактный телефон (095) 268-37-75. E-mail: nikulchev@mail.ru

МОДЕЛИРОВАНИЕ ДЕЙСТВИЙ ЭКСПЕРТОВ В ПРОЦЕССЕ ПРИНЯТИЯ ИМИ ПРОГНОСТИЧЕСКИХ РЕШЕНИЙ

А.С. Мандель (ИПУ РАН)

Рассматриваются возможности моделирования действий экспертов в процессе принятия ими прогностических решений. Эксперты работают при поддержке экспертно-статистической системы прогнозирования по методу аналогов ЭКСПАМ.

ведение

При решении проблемы управления предприятием важнейшую роль играет удовлетворительное по точности решение задач прогнозирования в подсистемах логистики, управления финансовыми потоками и сбытом и других организационных подсистемах предприятия. От качества решения этих задач может зависеть итоговый результат работы предприятия на конкурентном рынке — процветать, жить

дальше или разоряться. Опыт двух последних десятилетий убедительно свидетельствует о том, что полностью перепоручить решение соответствующих вопросов автоматической системе управления пока не удается, поскольку конечный результат деятельности предприятия направлен на удовлетворение случайно меняющихся потребностей рынка, да еще в условиях его — рынка — заметной нестабильности. К тому же выборки данных, которыми располагают